Devoir commun 4^{ème} Mai 2012

CONSIGNES:

- les calculatrices sont autorisées, mais aucun matériel ne peut être prêté ou emprunté ;
- la présentation, le soin, la clarté et la rigueur de la rédaction sont notés sur 4 points ;
- toutes les réponses doivent être justifiées, sauf si une indication contraire est donnée.

ACTIVITES NUMERIQUES (18 pts)

Exercice 1: SOCLE

/ 1 pts

Ranger dans l'ordre décroissant : 8,01; -7,31; -7,29; -7,3; -7,2; 8,1.

Exercice 2:

Calculer A et B. Montrer les étapes. Les résultats seront des fractions simplifiées.

$$A = \frac{3}{12} - \frac{1}{2} \times \frac{4}{3}$$
 ; $B = \frac{1 + \frac{1}{4}}{\frac{1}{3} - 2}$

Exercice 3:

Donner l'écriture décimale et l'écriture scientifique de :

$$C = \frac{3.6 \times 10^3 \times 2 \times 10^{-5}}{0.4 \times 10^{-3}}$$
 ; $D = 3 \times 10^4 + 5 \times 10^2$

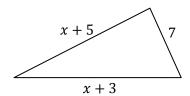
Exercice 4: SOCLE

/ 2 pts

x désigne un nombre positif.

Les dimensions du triangle ci-contre sont indiquées en centimètres.

- 1) Que représente l'expression L = 2x + 15 pour ce triangle ?
- **2)** Calculer *L* pour x = 5, puis pour x = 0.8.



Exercice 5:

Voici un programme de calcul :

- On choisit un nombre.
- On lui ajoute 5.
- On élève le résultat au carré.
- On retranche au résultat précédent le carré du nombre de départ.
- 1) Lorsque le nombre de départ est -2, quel résultat final obtient-on?
- 2) Le nombre de départ étant x, exprimer le résultat final en fonction de x.
- 3) On considère $P = (x+5)(x+5) x^2$. Développer et réduire P.
- 4) Calculer P pour $x = -\frac{5}{2}$.
- **5)** Résoudre l'équation 10x + 25 = 5. Que représente la solution de cette équation ?

Mai 2012

Exercice 6: / 4 pts

Réduire les expressions suivantes :

$$E = 5x \times 2x$$
 ; $F = (6x^2 - 3x + 5) - (-4x^2 + 3x - 4)$; $G = (3 + 4x)(2x - 5)$

GEOMETRIE (18 pts)

Exercice 7: / 5 pts

Soit un cercle de diamètre AD = 8 cm. B est un point de ce cercle tel que AB = 6 cm et E est le point appartenant au segment [AD] tel que ED = 3 cm.

- *1)* Construire une figure.
- **2)** Quelle est la nature du triangle ABD ? Justifier.
- *3)* Calculer la valeur exacte de BD, puis sa valeur arrondie au dixième.

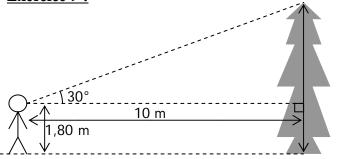


Exercice 8:

La figure donnée ci-contre n'est pas en vraie grandeur.

- 1) Dans le triangle BDF, démontrer que les droites (BF) et (CG) sont parallèles.
- 2) Démontrer alors que B est le milieu du segment [AE].

Exercice 9:



/ 4 pts

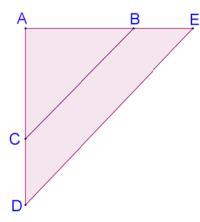
/ 4 pts

Le dessin ci-contre est donné à titre indicatif. Un personnage mesurant 1,80 m se trouve à 10 m du pied d'un arbre. Alors qu'il regarde la cime, son regard fait un angle de 30° avec l'horizontale.

Quelle est la hauteur de l'arbre ? Donner le résultat au centimètre près.

Exercice 10:





Le dessin donné ci-contre n'est pas en vraie grandeur. Il représente une figure géométrique pour laquelle on sait que : AB = 200 m; AC = 150 m; BC = 250 m; (BC) // (DE).

Les deux questions sont indépendantes.

- 1) Prouver que ABC est un triangle rectangle en A.
- 2) On sait que DE = 600 m. Calculer la longueur AE.